



2021

Mathématiques Générales

Épreuve 1

Sujet zéro

Durée : 1h30

Code sujet : ○ ○ ●

FONCTIONNEMENT DES QUESTIONS

- Les *questions à choix multiples* sont numérotées **M1**, **M2** etc. Le candidat y répond en **noircissant** la case correspondant à sa réponse dans la feuille-réponse □. Pour chacune de ces questions, il y a une et une seule bonne réponse. Toute réponse fausse retire des points aux candidats. Noircir plusieurs réponses à une même question a un effet de neutralisation (le candidat récoltera 0 point).
- Les *questions à réponse brute* sont numérotées **L1**, **L2** etc. Elles ne demandent aucune justification : les résultats sont reportés par le candidat dans le cadre correspondant sur la feuille-réponse △. Tout débordement de cadre est interdit.
- Les *questions à réponse rédigée* sont numérotées **R1**, **R2** etc. Elles sont écrites dans le cadre correspondant sur la feuille-réponse ○ ou la feuille-réponse △, selon le symbole précédant le numéro de la question. Tout débordement de cadre est interdit.

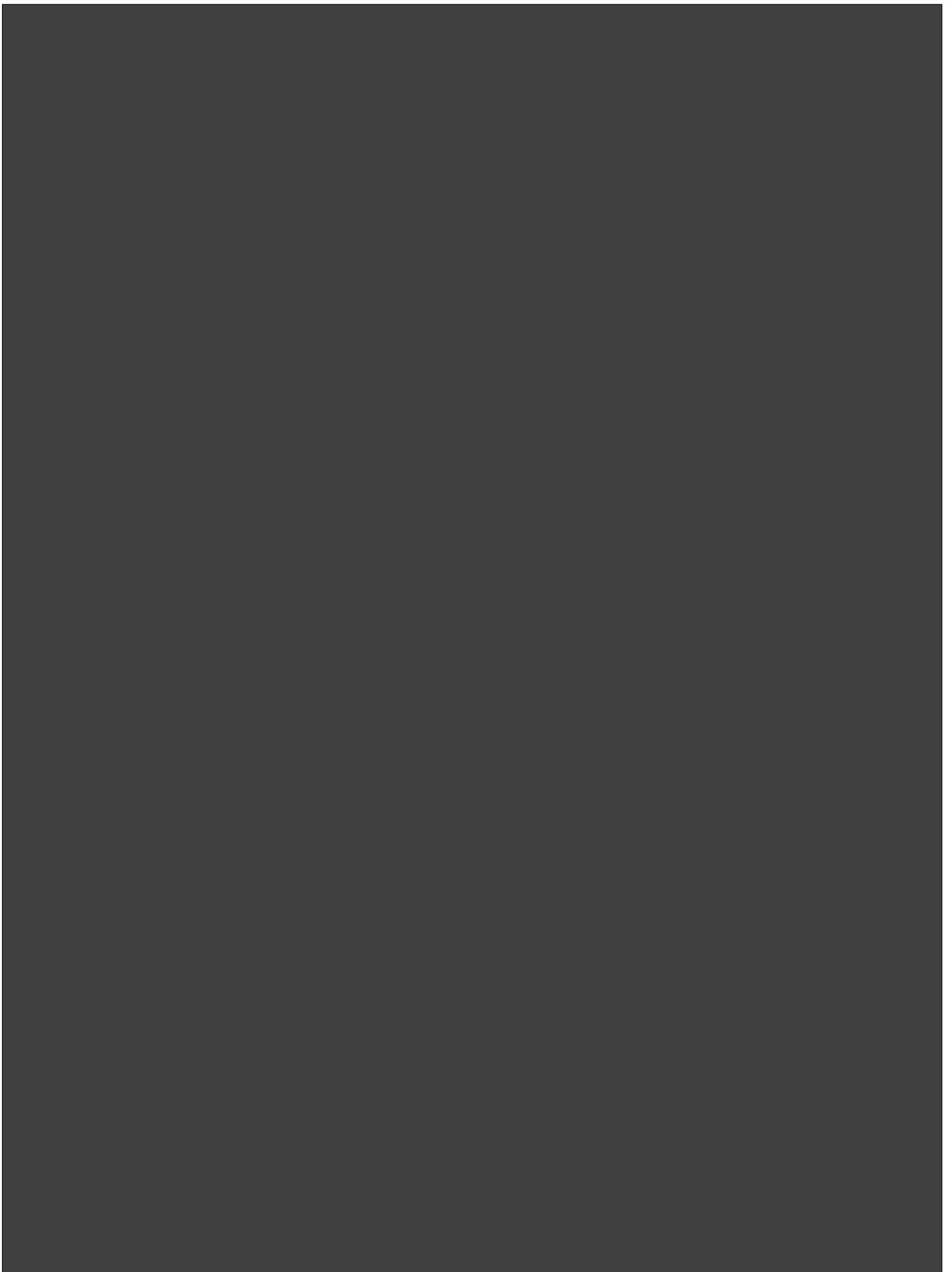
CONSEILS DE BON SENS

- L'énoncé est (très) long : il n'est absolument pas nécessaire d'avoir tout traité pour avoir une note et un classement excellents.
- Ne vous précipitez pas pour reporter vos réponses, notamment aux questions à choix multiples. Il est préférable d'avoir terminé un exercice avant d'en reporter les réponses.
- Ne répondez *jamais* au hasard à une question à choix multiples !
- Selon l'exercice, les questions peuvent être dépendantes les unes des autres ou non. Soyez attentifs à la variété des situations.

TeSciA est une initiative de l'AORES (Association pour une Orientation Raisonnée vers l'Enseignement supérieur Scientifique).

Énoncés et feuilles-réponses réalisés à l'aide du logiciel libre Auto-Multiple-Choice.

The logo for AORES features the word "AORES" in a bold, black, serif font. A red, brush-stroke-like line is drawn across the letters, similar to the TeSciA logo.



Exercice 1. Généralités sur les inégalités

Dans les questions **M1** à **M9**, on demande d'évaluer la validité logique des propositions indiquées.

M1 Deux réels sont systématiquement rangés dans le même ordre que leurs doubles.

A Faux **B** Vrai

M2 Lorsque x est un réel non nul, l'inégalité $x < \frac{1}{2}$ permet d'affirmer que $\frac{1}{x} < 2$.

A Faux **B** Vrai

M3 Lorsque x est un réel non nul, l'inégalité $x < \frac{1}{2}$ permet d'affirmer que $\frac{1}{x} > 2$.

A Faux **B** Vrai

M4 Deux réels sont systématiquement rangés dans le même ordre que leurs carrés.

A Faux **B** Vrai

M5 Lorsque a, b, c, d sont quatre réels vérifiant $0 < a < b$ et $0 < c < d$, on a systématiquement $\frac{a}{c} < \frac{b}{d}$.

A Faux **B** Vrai

M6 Lorsque a, b, c, d sont quatre réels vérifiant $0 < a < b$ et $0 < c < d$, on a systématiquement $\frac{a}{d} < \frac{b}{c}$.

A Vrai **B** Faux

M7 Lorsque x et y sont deux réels vérifiant $|x + y| = |x| + |y|$, on a nécessairement $x \geq 0$ et $y \geq 0$.

A Faux **B** Vrai

M8 Pour tout réel x , on a $|x^2| = |x|^2$.

A Faux **B** Vrai

M9 Pour tous réels x et y , l'égalité $|x| = |y|$ est équivalente à $x^2 = y^2$.

A Faux **B** Vrai

Dans les trois dernières questions de cet exercice, on donne deux réels $x > 0$ et $y > 0$ et on considère les réels

$$a = \frac{x + y}{2}, \quad b = \sqrt{\frac{x^2 + y^2}{2}} \quad \text{et} \quad c = \frac{2xy}{x + y}.$$

- M10** Laquelle des affirmations suivantes est systématiquement vraie ?
- A** $b \leq a$ **B** Aucune d'entre elles **C** $a \leq b$
- M11** Laquelle des affirmations suivantes est systématiquement vraie ?
- A** $c \leq a$ **B** Aucune d'entre elles **C** $a \leq c$
- M12** Laquelle des affirmations suivantes est systématiquement vraie ?
- A** $b \leq c$ **B** Aucune d'entre elles **C** $c \leq b$
-

Exercice 2. Probabilités

Dans tout l'exercice, A et B désignent deux événements d'un même univers. On considère les probabilités de divers événements construits à partir de A et B , ainsi que la notion d'indépendance.

- M13** On suppose que A et B sont indépendants et que $P(A) = 0,4$ et $P(B) = 0,6$. Alors, $P(A \cap B)$ vaut :
- A** 0,15 **B** 0,2 **C** 0,27 **D** 0,24 **E** 0,8
- M14** On suppose que $P(A) = \frac{2}{5}$, $P(B) = 0,3$ et $P(A \cap B) = 0,15$. Alors :
- A** A et B ne sont pas indépendants **B** on ne peut pas conclure **C** A et B sont indépendants
- M15** On suppose que $P(A) = 0,3$ et $P_B(A) = 0,7$. Alors :
- A** A et B ne sont pas indépendants **B** A et B sont indépendants **C** on ne peut pas conclure
- M16** On suppose que $P(A) = 0,7$ et $P_B(A) = 0,7$. Alors :
- A** A et B sont indépendants **B** on ne peut pas conclure **C** A et B ne sont pas indépendants
- M17** On suppose que $P(A) = 0,7$ et $P_A(B) = 0,7$. Alors :
- A** on ne peut pas conclure **B** A et B sont indépendants **C** A et B ne sont pas indépendants
- M18** On suppose que $P(A) = \frac{1}{5}$, que $P(B) = \frac{2}{3}$ et que A et B sont indépendants. Alors :
- A** $P(A \cup B) = \frac{17}{15}$ et $P_A(B) = \frac{2}{3}$ **B** $P(A \cup B) = \frac{11}{15}$ et $P_A(B) = \frac{2}{3}$
 C $P(A \cup B) = \frac{11}{15}$ et $P_A(B) = \frac{1}{4}$ **D** $P(A \cup B) = \frac{2}{15}$ et $P_A(B) = \frac{2}{3}$
 E $P(A \cup B) = \frac{7}{15}$ et $P_A(B) = \frac{2}{3}$

□ **M19** On suppose que $P(A) = \frac{1}{5}$, que $P(B) = \frac{2}{3}$ et que A et B sont incompatibles. Alors :

- A** $P(A \cup B) = \frac{13}{15}$ et $P_A(B) = 0$ **B** $P(A \cup B) = 1$ et $P_A(B) = 0$
 C $P(A \cup B) = \frac{7}{15}$ et $P_A(B) = 0$ **D** $P(A \cup B) = \frac{7}{15}$ et $P_A(B) = 1$
 E $P(A \cup B) = \frac{13}{15}$ et $P_A(B) = 1$

△ **L1** On suppose que A et B sont indépendants et ont la même probabilité. On suppose de plus que $P(A \cup B) = 0,64$. Donner la valeur de $P(A)$.

Exercice 3. Puissances

Résultat admis et notation

Pour n'importe quel réel positif $x \geq 0$ et n'importe quel entier $n > 0$, il existe un unique réel $y \geq 0$ tel que $y^n = x$, et on note ce réel $\sqrt[n]{x}$ (appelé **racine n-ième** de x).

□ **M20** Le nombre $(2^3)^2$ est égal à :

- A** $2^{(2^3)}$ **B** 2^5 **C** 2^6 **D** 2^9 **E** aucun des nombres cités

□ **M21** Le nombre $(2^2)^3$ est égal à :

- A** 2^8 **B** 2^5 **C** Aucun des nombres cités **D** 2^6 **E** $2^{(3^2)}$

□ **M22** Vrai ou faux : pour tout réel x , on a l'égalité $\sqrt{x^6} = x^3$.

- A** Faux **B** Vrai

□ **M23** Vrai ou faux : pour tout réel x , on a l'égalité $\sqrt[3]{x^6} = x^2$.

- A** Faux **B** Vrai

□ **M24** Vrai ou faux : Pour tout réel positif x , on a $\sqrt{\sqrt{\sqrt{x}}} = \sqrt[6]{x}$.

- A** Faux **B** Vrai

□ **M25** Le réel $\frac{(3^5 2^{-2})^2}{(9^{-1} 2^3)^{-3}}$ vaut :

- A** $3^7 \times 2^5$ **B** $3^4 \times 2^5$ **C** 6^4 **D** $\frac{2^6}{3^4}$ **E** $\frac{3^4}{2^5}$

□ **M26** Le quotient de $\left(\frac{5^3 2^{-3}}{4 \times 25}\right)^2$ par $\frac{10^2 \times 5}{2^8}$ vaut :

- A** $\frac{5^5}{2^2}$ **B** $\frac{1}{2^4 \times 5}$ **C** $\frac{5}{2}$ **D** $\frac{1}{5^2 \times 2}$ **E** $\frac{2^2}{5^4}$

□ **M27** Le quotient de $\left(\frac{10^2 3^2}{8 \times 5^2}\right)^2$ par $\sqrt{\frac{2^5 \times 3^9}{6}}$ vaut :

□ **A** $\frac{1}{2^4}$

□ **B** $\frac{5}{2^4}$

□ **C** 5

□ **D** $\frac{1}{5^6}$

□ **E** $\frac{1}{2^6}$

Exercice 4. Géométrie dans l'espace

Dans tout l'exercice, l'espace est rapporté à un repère orthonormal $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

□ **M28** Étant donné deux vecteurs unitaires \vec{u}, \vec{v} orthogonaux de l'espace, le nombre de vecteurs \vec{w} de l'espace tels que $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$ soit une base orthonormale est :

- A** 1 **B** fini strictement supérieur à 2 **C** 0 **D** infini **E** 2

□ **M29** On se donne un vecteur non nul \vec{u} de l'espace. Si trois vecteurs \vec{a}, \vec{b} et \vec{c} vérifient

$$\vec{u} \cdot \vec{a} = \vec{u} \cdot \vec{b} = \vec{u} \cdot \vec{c} = 0,$$

alors on peut affirmer que :

- A** les vecteurs \vec{a}, \vec{b} et \vec{c} sont coplanaires
 B les vecteurs \vec{a}, \vec{b} et \vec{c} sont tous colinéaires
 C les vecteurs \vec{a}, \vec{b} et \vec{c} sont deux à deux orthogonaux
 D les vecteurs \vec{a}, \vec{b} et \vec{c} forment une base de l'espace
 E rien de tout cela
- **M30** Soit P et Q deux plans de l'espace, de vecteurs normaux respectifs \vec{u} et \vec{v} . Laquelle des conditions suivantes est équivalente au parallélisme des plans P et Q ?
- A** Les vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux
 B Il existe un réel $\lambda < 0$ tel que $\vec{v} = \lambda \vec{u}$
 C Les vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont égaux
 D Il existe un réel $\lambda > 0$ tel que $\vec{v} = \lambda \vec{u}$
 E Aucune des quatres conditions citées

□ **M31** La distance du point $M(1; 1; 1)$ au plan P d'équation $2x - 2y + z - 3 = 0$ vaut :

- A** $\frac{3}{2}$ **B** $\frac{2}{3}$ **C** $\frac{7}{3}$ **D** 1 **E** $\frac{1}{3}$

△ **L2** Donner une équation cartésienne du plan P_1 passant par $A(-1; 0; 1)$ et de vecteur normal $\vec{n}(0; 1; 2)$.

△ **L3** Donner une équation cartésienne du plan médiateur P_2 du segment $[C, D]$ où $C(-1; 3; 1)$ et $D(0; 5; -3)$.

□ **M32** Vrai ou faux? Étant donné trois vecteurs $\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$ de l'espace, si \vec{u} est orthogonal à $\vec{v} - \vec{w}$ et \vec{v} est orthogonal à $\vec{u} - \vec{w}$ alors \vec{w} est orthogonal à $\vec{u} - \vec{v}$.

- A** Faux **B** Vrai

○ **R1** Justifier votre réponse à la question **M32**.

Deux plans P et Q sont dits **perpendiculaires** lorsqu'il existe un vecteur normal \vec{u} à P et un vecteur normal \vec{v} à Q tels que \vec{u} soit orthogonal à \vec{v} .

△ **L4** Donner sans justification une équation cartésienne du plan perpendiculaire au plan d'équation $x - 2y - z + 1 = 0$ et passant par les points $A(0; 0; 0)$ et $B(0; 1; 0)$.

□ **M33** On se donne un réel t et on considère les points $A(1; 1; 0)$ et $B(-2; 7; t)$. Pour quelle valeur de t est-il vrai que tout plan contenant les points A et B est perpendiculaire au plan d'équation $x - 2y - z + 1 = 0$?

- A** -15 **B** 15 **C** -3 **D** 3 **E** Aucune de ces valeurs

□ **M34** On considère les points $A(1; 1; \sqrt{2})$ et $B(\sqrt{2}; -\sqrt{2}; 0)$ et on note C le symétrique du point A par rapport au point O d'origine du repère. Alors ABC est un triangle :

- A** isocèle non rectangle
 B isocèle rectangle
 C équilatéral
 D rectangle non isocèle
 E rien de tout cela

Exercice 5. Calculs de dérivées

Dans cet exercice, on demande de calculer les dérivées indiquées.

□ **M35** La dérivée de la fonction qui à x associe $(x + 1) \ln x$ est la fonction qui à x associe :

- A** $\frac{1}{x}$ **B** $\frac{x+1}{x}$ **C** $1 + \frac{1}{x} + \ln x$ **D** $\frac{x}{x+1}$ **E** $1 + \ln x$

□ **M36** La dérivée de la fonction qui à x associe $\frac{1}{x - e^x}$ est la fonction qui à x associe :

- A** $-\frac{1}{x^2} + e^{-x}$ **B** $\frac{e^x - 1}{(x - e^x)^2}$ **C** $\frac{1 - e^x}{(x - e^x)^2}$ **D** $1 - e^{-x}$ **E** $-\frac{1}{(x - e^x)^2}$

□ **M37** La dérivée de la fonction qui à x associe $\ln(1 + e^x)$ est la fonction qui à x associe :

- A** $\frac{e^x}{1 + e^x}$ **B** 1 **C** $1 + e^x$ **D** $\frac{1 + e^x}{e^x}$ **E** $\frac{1}{1 + e^x}$

□ **M38** La dérivée de la fonction qui à x associe $e^{x^2 - x} + 1$ est la fonction qui à x associe :

- A** Aucune de ces réponses
 B $(x^2 - x)e^{x^2 - x}$
 C $(x^2 - x)e^{x^2 - x} + x$
 D $(2x - 1)e^{x^2 - x} + x$
 E $(2x - 1)e^{x^2 - x}$

M39 La dérivée de la fonction qui à x associe $\sqrt{\frac{1}{3x-1}}$ est la fonction qui à x associe :

- A** $-\frac{1}{(\sqrt{3x-1})^3}$ **B** $\frac{3}{2(\sqrt{3x-1})^3}$ **C** $-\frac{3}{2(\sqrt{3x-1})^3}$ **D** $-\frac{3}{(\sqrt{3x-1})^3}$ **E** $-\frac{1}{2(\sqrt{3x-1})^3}$

M40 La dérivée de la fonction qui à x associe $xe^{1/x}$ est la fonction qui à x associe

- A** $\frac{x+1}{x} e^{1/x}$ **B** $\frac{x-1}{x} e^{1/x}$ **C** $\frac{e^{1/x}}{x}$ **D** $-\frac{e^{1/x}}{x}$ **E** $e^{1/x}$

L5 Donner une expression, la plus simplifiée possible, de la dérivée de la fonction f qui à x associe $\sqrt{x + \sqrt{1 + x^2}}$.

Exercice 6. Exponentielles

M41 Le réel $e^3 + e^5 + e^7 + e^{19}$ est :

- A** égal à e^{1995}
 B strictement supérieur à e^{1995}
 C strictement inférieur à e^{1995}

M42 Le réel $e^3 + e^5 + e^7 + e^{19}$ est :

- A** strictement supérieur à e^{20}
 B strictement inférieur à e^{20}
 C égal à e^{20}

M43 Le réel $2e^{17} + 2e^{18} + 2e^{19}$ est :

- A** strictement supérieur à e^{20}
 B égal à e^{20}
 C strictement inférieur à e^{20}

Dans la suite de cet exercice, on considère la fonction f qui à tout réel x associe $\frac{e^x - 1}{e^x + 1}$.

L6 Donner sans démonstration la limite de f en $+\infty$ et la limite de f en $-\infty$.

M44 La fonction f est :

- A** ni paire ni impaire
 B paire et impaire
 C paire
 D impaire

M45 Laquelle des identités suivantes est vraie ?

A $f(2x) = \frac{1+f(x)^2}{2f(x)}$ pour tout réel x

B $f(2x) = \frac{1+f(x^2)}{2f(x)}$ pour tout réel x

C $f(2x) = \frac{2f(x)}{1+f(x)^2}$ pour tout réel x

D $f(2x) = \frac{2f(x)}{1+f(x^2)}$ pour tout réel x

E $f(2x) = \frac{2f(x)}{(1+f(x))^2}$ pour tout réel x

L7 Donner (sans démonstration) une fonction φ de \mathbb{R} dans \mathbb{R} telle que $f'(x) = \varphi(f(x))$ pour tout réel x .

M46 Vrai ou faux : il existe une seule fonction φ de \mathbb{R} dans \mathbb{R} telle que $f'(x) = \varphi(f(x))$ pour tout réel x .

A Faux **B** Vrai

R2 Justifier votre réponse à la question **M46**.

R3 On fixe un réel a non nul. Dans le plan rapporté à un repère orthonormal, on note \mathcal{C} la courbe d'équation $y = e^{ax}$. Un point M parcourt \mathcal{C} : on note H son projeté orthogonal sur l'axe des abscisses et T le point d'intersection de l'axe des abscisses avec la tangente à \mathcal{C} en M . Démontrer que la longueur du segment $[HT]$ ne dépend pas du point M .

Exercice 7. Probabilités et suites

On dispose de deux urnes numérotées 1 et 2.

- L'urne numéro 1 contient 6 boules blanches et 4 boules noires.
- L'urne numéro 2 contient 8 boules blanches et 2 boules noires.

À chaque instant (à partir de l'instant 1), un joueur pioche une boule au hasard dans une urne, note sa couleur, et la remet dans l'urne. S'il a pioché une boule noire à l'instant n dans une urne, alors il doit piocher dans l'autre urne à l'instant $n + 1$, alors que s'il a pioché une boule blanche à l'instant n dans une urne, il doit piocher dans cette même urne à l'instant $n + 1$. À l'instant initial ($n = 1$), le joueur choisit l'urne dans laquelle piocher de manière aléatoire, avec équiprobabilité.

On note p_n la probabilité pour que le n -ième tirage soit réalisé dans l'urne numéro 1.

M47 La probabilité p_1 vaut :

A 1 **B** 0 **C** $\frac{4}{10}$ **D** $\frac{6}{10}$ **E** $\frac{1}{2}$

M48 La probabilité p_2 vaut :

A $\frac{4}{12}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** $\frac{2}{5}$ **D** $\frac{4}{6}$ **E** $\frac{6}{10}$

□ **M49** On dispose de la relation de récurrence $p_{n+1} = \alpha p_n + \beta$ pour

A $\alpha = \frac{4}{5}$ et $\beta = 0$

B $\alpha = -\frac{1}{5}$ et $\beta = \frac{4}{5}$

C $\alpha = \frac{2}{5}$ et $\beta = \frac{2}{5}$

D $\alpha = \frac{1}{5}$ et $\beta = \frac{3}{10}$

E $\alpha = \frac{2}{5}$ et $\beta = \frac{1}{5}$

□ **M50** La suite de terme général $p_n - x$ est géométrique lorsque x vaut :

A $\frac{1}{5}$ **B** 1 **C** $\frac{1}{3}$ **D** 0 **E** $\frac{2}{5}$

△ **L8** Donner la limite de la suite $(p_n)_{n \geq 1}$.

Exercice 8. Questions de limites

□ **M51** Quand x tend vers $+\infty$, la quantité $-5x + x^3 - 2 \ln(x^4)$ tend vers :

A aucune limite **B** 0 **C** $-\infty$ **D** une limite finie non nulle **E** $+\infty$

□ **M52** Quand x tend vers $+\infty$, la quantité $2e^x - e^{x/2} + (\ln(e^{3x}))^4$ tend vers :

A $+\infty$ **B** aucune limite **C** une limite finie non nulle **D** $-\infty$ **E** 0

□ **M53** Quand x tend vers $-\infty$, la quantité $2e^x - e^{x/2} + (\ln(e^{3x}))^4$ tend vers :

A $-\infty$ **B** aucune limite **C** 0 **D** une limite finie non nulle **E** $+\infty$

Dans la suite de l'exercice, on admet que la fonction qui à tout réel x associe $\cos(x)$ est continue.

□ **M54** Quand x tend vers $-\infty$, la quantité $x \cos x + x^2$ tend vers :

A $+\infty$ **B** 0 **C** $-\infty$ **D** une limite finie non nulle **E** aucune limite

□ **M55** Quand x tend vers $-\infty$, la quantité $x^2 \cos x + x$ tend vers :

A $-\infty$ **B** aucune limite **C** 0 **D** une limite finie non nulle **E** $+\infty$

□ **M56** Quand x tend vers $-\infty$, la quantité $x^2 \cos(1/x^2) - x$ tend vers :

A 0 **B** $+\infty$ **C** $-\infty$ **D** une limite finie non nulle **E** aucune limite

△ **R4** Justifier votre réponse à la question **M56**.

□ **M57** Quand u tend vers 0, la quantité $\frac{\ln(1+u)}{u}$ tend vers :

A une limite finie non nulle **B** aucune limite **C** $-\infty$ **D** 0 **E** $+\infty$

- M58** Quand u tend vers 0, la quantité $\frac{\ln(1+u^2)}{u}$ tend vers :
- A $+\infty$ B aucune limite C 0 D $-\infty$ E une limite finie non nulle
- M59** Quand u tend vers 0, la quantité $\frac{\ln(1+u)}{u^2}$ tend vers :
- A aucune limite B 0 C $+\infty$ D une limite finie non nulle E $-\infty$
- L9** Donner sans justification la limite de $\frac{1}{u} \ln\left(\frac{1+u}{1-u}\right)$ quand u tend vers 0.
- M60** Quand x tend vers $+\infty$, la quantité $\frac{\sqrt{x+1} - \sqrt{x-1}}{\sqrt{x}}$ tend vers :
- A 1 B 0 C $\frac{1}{2}$ D $+\infty$ E Rien de tout cela
- M61** Quand x tend vers $+\infty$, la quantité $\sqrt{x+1} - \sqrt{x-1}$ tend vers :
- A Rien de tout cela B $+\infty$ C $\frac{1}{2}$ D 1 E 0
- M62** Quand x tend vers $+\infty$, la quantité $\sqrt{x}(\sqrt{x+1} - \sqrt{x-1})$ tend vers :
- A 1 B Rien de tout cela C $\frac{1}{2}$ D $+\infty$ E 0

Exercice 9. Une étude de fonction

On considère dans cet exercice la fonction f qui à tout nombre réel x associe le nombre réel

$$f(x) = x \cos(x) - \sin x.$$

On admet que les fonctions \cos et \sin sont dérivables et que leurs dérivées vérifient, pour tout réel x , les relations

$$\cos'(x) = -\sin(x) \quad \text{et} \quad \sin'(x) = \cos(x).$$

Une fonction est dite **monotone** sur un intervalle lorsque, sur cet intervalle, elle est croissante ou décroissante.

- L10** Donner une expression simple de la dérivée de f .
- M63** Dans l'intervalle $[0, \pi]$, l'équation $f(x) = 0$ possède :
- A aucune solution B au moins une solution
- M64** La fonction f est, sur l'intervalle $[0, \frac{\pi}{2}]$:
- A à la fois croissante et décroissante
- B décroissante
- C non monotone
- D croissante

- M65** Sur \mathbb{R} , la fonction f est :
- A** non monotone
 - B** à la fois croissante et décroissante
 - C** décroissante
 - D** croissante
- M66** Dans l'intervalle $[0, \pi]$, l'équation $f(x) = -1$ possède :
- A** une infinité de solutions
 - B** aucune solution
 - C** plusieurs solutions, mais en nombre fini
 - D** exactement une solution
- M67** Sur l'intervalle $[\frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}]$, la fonction f est :
- A** à la fois croissante et décroissante
 - B** décroissante
 - C** non monotone
 - D** croissante
- M68** Dans l'intervalle $[\frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}]$, l'équation $f(x) = -2$ possède :
- A** exactement une solution
 - B** une infinité de solutions
 - C** aucune solution
 - D** plusieurs solutions, mais en nombre fini
- M69** Dans l'intervalle $[\frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}]$, l'équation $f(x) = 0$ possède :
- A** aucune solution
 - B** plusieurs solutions, mais en nombre fini
 - C** une infinité de solutions
 - D** exactement une solution
- M70** Étant donné un entier $k \geq 0$, l'équation $f(x) = -1$ possède, dans l'intervalle $[k\pi, (k+1)\pi]$:
- A** plusieurs solutions quel que soit k
 - B** parfois une infinité de solutions, et parfois un nombre fini, selon l'entier k
 - C** toujours un nombre fini non nul de solutions, mais dépendant de k
 - D** parfois un nombre fini non nul de solutions, parfois aucune solution, selon l'entier k
 - E** exactement une solution quel que soit k

- M71** Étant donné un réel a , l'équation $f(x) = a$ d'inconnue x possède, dans \mathbb{R} :
- A** une infinité de solutions pour certains valeurs de a , et aucune pour d'autres
 - B** une unique solution quel que soit le réel a
 - C** un nombre fini de solutions quel que soit le réel a
 - D** une infinité de solutions quel que soit le réel a
 - E** une infinité de solutions pour certaines valeurs de a , mais un nombre fini éventuellement nul pour d'autres

△ **R5** Justifiez votre réponse à la question **M71**.

- M72** Étant donné un réel a , l'équation $f(a) = x$ d'inconnue x possède, dans \mathbb{R} :
- A** un nombre fini de solutions quel que soit le réel a
 - B** une infinité de solutions quel que soit le réel a
 - C** une infinité de solutions pour certains valeurs de a , et aucune pour d'autres
 - D** une infinité de solutions pour certaines valeurs de a , mais un nombre fini éventuellement nul pour d'autres
 - E** une unique solution quel que soit le réel a
-